

**B.14** Es ist ein Dreieck aus  $\gamma$ ,  $m_b$  und  $R$  zu konstruieren.

**B.14** *Analysis:* (Bild) Die Seite  $AB$  ist eine Sehne des Umkreises  $k$  mit dessen Mittelpunkt  $O$ . Nach dem Peripherie-Zentriwinkel-Satz ist der Zentriwinkel  $\angle AOB$  doppelt so groß wie der Peripheriewinkel  $\angle ACB = \gamma$ . Daher ergibt sich folgende *Konstruktion*: Das gleichschenklige Hilfsdreieck  $ABO$  läßt sich nach dem Kongruenzsatz SWS aus den Schenkeln  $AO = BO = R$  und dem eingeschlossenen Winkel  $2\gamma$  konstruieren. Um  $O$  wird mit dem Radius  $R$  der Umkreis  $k$  gezeichnet, auf dem der dritte Eckpunkt  $C$  des gesuchten Dreiecks liegt.  $E$  sei die Mitte der Seite  $AC$ , d. h.  $EB = m_b$  ist die gegebene Länge der Seitenhalbierenden  $m_b$ . Den Punkt  $E$  finden wir als Schnittpunkt zweier geometrischer Örter, der beiden Kreise  $k_1$  und  $k_2$ . Der erste Kreis  $k_1$  hat die Strecke  $AO$  als Durchmesser, kann also unmittelbar beschrieben werden. Er ist der geometrische Ort derjenigen Punkte, die alle von  $A$  ausgehenden Sehnen in  $k$  halbieren (vgl. Aufgabe A.25). Der zweite Kreis  $k_2$  hat den Radius  $m_b$  mit  $B$  als Mittelpunkt. Haben wir  $E$  auf diese Weise gefunden, so ist der Schnittpunkt der Geraden  $AE$  mit dem Umkreis  $k$  der dritte Eckpunkt  $C$ .

*Determination:* Auch hier erhalten wir im allgemeinen zwei Schnittpunkte  $E$  und  $E'$  der beiden Kreise  $k_1$  und  $k_2$ . Liegen jedoch  $E'$  und  $O$  in unterschiedlichen durch  $g(A, B)$  geteilten Halbebenen, so wäre der daraus folgende Peripheriewinkel  $\gamma' = 180^\circ - \gamma \neq \gamma$  (vgl. Aufgabe K.2, Fall 4).  $E'$  erfüllt also nicht die Voraussetzungen. Ergeben sich dagegen zwei Schnittpunkte, die zusammen mit  $O$  in der gleichen Halbebene bezüglich  $g(A, B)$  liegen, erhalten wir i. a. zwei verschiedene Dreiecke.

