

**C.33** Gegeben seien die endliche Menge  $M$  mit  $m$  Elementen und 1986 weitere Mengen  $M_1, M_2, \dots, M_{1986}$ , von denen jede mehr als  $\frac{m}{2}$  Elemente aus  $M$  enthält. Man beweise: Man muss nicht mehr als 10 Elemente aus  $M$  markieren, damit jeder der Mengen  $M_i$  wenigstens ein markiertes Element enthält.

**C.33** Insgesamt gibt es in den Mengen mehr als  $1986 \cdot \frac{m}{2} = 993m$  Elemente, eines kommt also nach dem Schubfachprinzip wenigstens 994 mal vor. In den restlichen 992 Mengen gibt es insgesamt mehr als  $496m$  Elemente, eines kommt also wieder nach dem Schubfachprinzip wenigstens 497mal vor. So fortfahrend erhält man zehn Elemente, so dass in jeder der Mengen wenigstens eines von ihnen vorhanden ist.