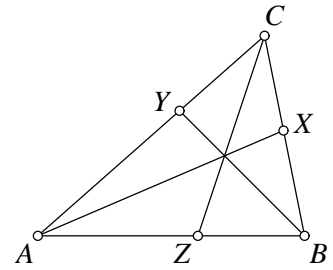


D.31 **Satz von Ceva.** (Bild) Wenn sich in einem $\triangle ABC$ die drei Ecktransversalen AX , BY und CZ in einem Punkt schneiden, dann hat das Produkt der Teilverhältnisse, das ihre Schnittpunkte mit den Gegenseiten auf diesen bilden, den Wert 1:

$$\frac{AZ}{ZB} \cdot \frac{BX}{XC} \cdot \frac{CY}{YA} = 1.$$

(D.2)



D.31 *Beweis:* (Bild) Der gemeinsame Schnittpunkt der Ecktransversalen sei K . Wir zeichnen die Parallele zu $g(A, B)$ durch C und bringen diese mit den Verlängerungen der Transversalen AX und BY zum Schnitt; es entstehen die Punkte D bzw. E . Damit erhalten wir folgende Paare ähnlicher Dreiecke:

$$\begin{aligned} \triangle ABY &\sim \triangle CEY, & \triangle BAX &\sim \triangle CDX, \\ \triangle CEK &\sim \triangle ZBK, & \triangle CDK &\sim \triangle ZAK. \end{aligned}$$

Mit Hilfe der Strahlensätze können wir nun daraus in dieser Reihenfolge die Proportionen

$$\frac{CY}{YA} = \frac{CE}{AB}, \quad \frac{BX}{XC} = \frac{AB}{CD}, \quad \frac{ZB}{CE} = \frac{ZK}{CK} = \frac{AZ}{CD} \quad \text{bzw.} \quad \frac{AZ}{ZB} = \frac{CD}{CE}$$

ablesen. Die Behauptung folgt schließlich, wenn wir diese Gleichungen miteinander multiplizieren:

$$\frac{AZ}{ZB} \cdot \frac{BX}{XC} \cdot \frac{CY}{YA} = \frac{CD}{CE} \cdot \frac{AB}{CD} \cdot \frac{CE}{AB} = 1. \quad \square$$

