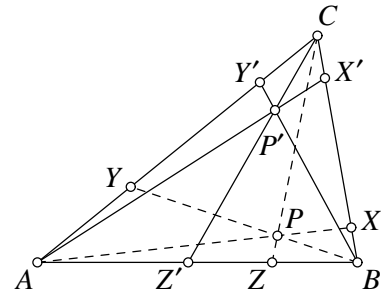


D.38 Isogonal konjugierter Punkt. (Bild) P sei ein im Innern des Dreiecks ABC liegender Punkt. Die drei Ecktransversalen AP , BP , CP schneiden die jeweils gegenüberliegenden Seiten in den Punkten X , Y bzw. Z . Man beweise, daß sich die drei isogonalen Geraden AX' , BY' und CZ' ebenfalls in einem gemeinsamen Punkt, dem zu P *isogonal konjugierten Punkt* P' , schneiden.



D.38 *Beweis:* (Bild) Betrachten wir anstelle der Ecktransversalen AX , BY , CZ deren isogonale Gegenstücke AX' , BY' , CZ' , so gilt nach Definition

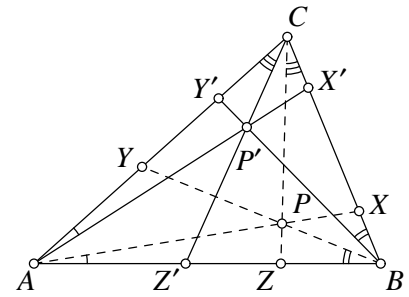
$$\angle BAX = \angle X'AC,$$

$$\angle CBY' = \angle Y'BA,$$

$$\angle ACZ' = \angle ZCB.$$

Für die trigonometrische Form (D.102) der CEVASchen Gleichung (vgl. Aufgabe D.32),

$$\sin \alpha_1 \sin \beta_1 \sin \gamma_1 = \sin \alpha_2 \sin \beta_2 \sin \gamma_2,$$



bedeutet das eine Vertauschung der Winkel $\alpha_1, \beta_1, \gamma_1$ mit den Winkeln $\alpha_2, \beta_2, \gamma_2$, so daß nach der Umkehrung des Satzes von CEVA der isogonal konjugierte Punkt P' tatsächlich existiert. \square