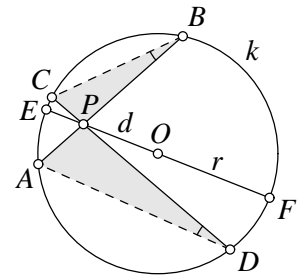


K.11 Sehnensatz. Schneiden sich in einem Kreis zwei Sehnen, so ist das Produkt der Abschnittslängen der einen Sehne gleich dem Produkt der Abschnittslängen der anderen.

K.11 *Beweis:* (Bild) Wir führen den Beweis über die Ähnlichkeit der Dreiecke PAD und PCB . Dies ist offensichtlich der Fall, da beide in den Winkeln $\angle ADC = \angle ABC$ (Peripheriewinkel über der Sehne AC) und im Scheitelwinkel bei P übereinstimmen. Wir können daher sofort die Proportion $PA : PD = PC : PB$ aufstellen, die umgestellt die behauptete Konstanz des Produktes der Abschnittslängen ergibt: $PA \cdot PB = PC \cdot PD$. \square

Bemerkung: Insbesondere gilt dies auch für den Durchmesser EF des Kreises k ; mit dem Abstand $OP \equiv d$ und dem Radius $OE = OF \equiv r$ sowie der Vereinbarung, daß – falls die *gerichteten Strecken* PE und PF den gleichen Richtungssinn haben – deren Produkt positiv sei, anderenfalls negativ (vgl. auch die Lösung zu Aufgabe A.12), folgt für die Potenz \mathfrak{P} des Punktes P in bezug auf k :



$$PA \cdot PB = PC \cdot PD = PE \cdot PF = -(r - d)(r + d) = d^2 - r^2 = \mathfrak{P}(P). \quad (\text{K.101})$$