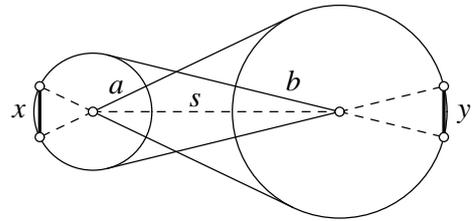


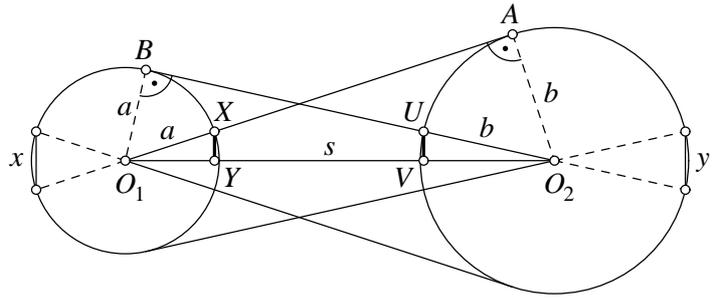
**K.21 Netzhaut-Satz.** (Bild) Der Abstand der Mittelpunkte zweier Kreise mit den Radien  $a$  und  $b$  betrage  $s > a + b$ . Zieht man die Tangenten von einem der Mittelpunkte an den jeweils anderen Kreis, dann sind die durch die rückwärtigen Verlängerungen herausgeschnittenen Sehnen  $x$  und  $y$  untereinander gleich.



**K.21** *Beweis:* (Bild)  $A$  und  $B$  seien Berührungspunkte der Tangenten an beide Kreise  $O_{1a}$  bzw.  $O_{2b}$ ; die Strecken  $XY = \frac{1}{2}x$  und  $UV = \frac{1}{2}y$  gerade die Hälften der in der Behauptung auftretenden Sehnen. Da nun einige rechtwinklige Dreiecke, wie z. B.  $O_1YX$  und  $O_1AO_2$  zu erkennen sind, die darüber hinaus noch einen Winkel gemeinsam haben (hier  $\angle XO_1Y = \angle AO_1O_2$ ), ist alles weitere fast zwangsläufig:

1.) Ähnlichkeit beider Dreiecke feststellen und 2.) Proportionen aufstellen. Dies führt auf

$$\frac{XY}{O_1X} = \frac{O_2A}{O_1O_2}, \quad \frac{x/2}{a} = \frac{b}{s}.$$



Analog folgt (vom anderen „Auge“ aus gesehen):  $\triangle O_2VU \sim \triangle O_2BO_1$  und daraus  $y/(2b) = a/s$ . Aus beiden Gleichungen folgt die Bildgleichheit auf der „Netzhaut“:  $x = y$ .  $\square$