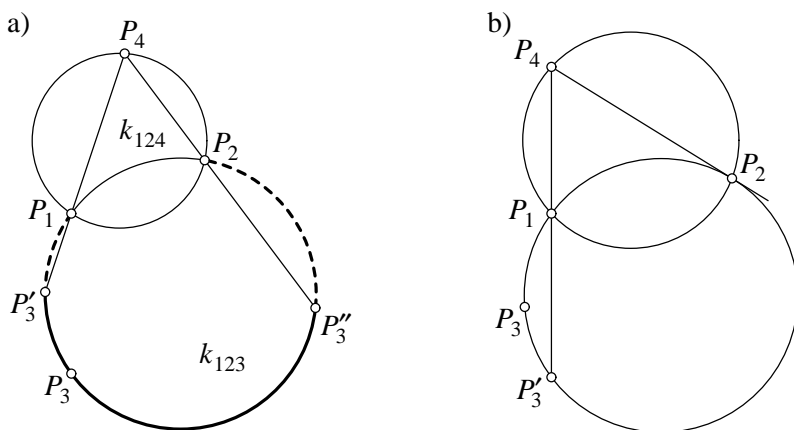


**K.76** In der Ebene seien 4 Punkte  $P_1, P_2, P_3, P_4$  gegeben, die weder sämtlich auf einem Kreis noch auf einer Geraden liegen. Können diese Punkte so mit  $Q_1, Q_2, Q_3, Q_4$  bezeichnet werden, daß der Punkt  $Q_4$  innerhalb des durch die Punkte  $Q_1, Q_2, Q_3$  gehenden Kreises liegt?

**K.76** (Bild) Wir zeichnen durch die Punkte  $P_1, P_2, P_3$  und  $P_1, P_2, P_4$  jeweils einen Kreis  $k_{123}$  bzw.  $k_{124}$ . Wenn der Punkt  $P_4$  in dem Kreis  $k_{123}$  liegt, ist mit der Bezeichnung  $Q_i \equiv P_i$ ,  $i = 1, 2, 3, 4$  die gestellte Frage zu bejahen, ebenso, wenn der Punkt  $P_3$  in dem Kreis  $k_{124}$  liegt; in diesem Fall bezeichnen wir  $Q_i \equiv P_i$ ,  $i = 1, 2$  sowie  $Q_3 \equiv P_4$  und  $Q_4 \equiv P_3$ . Wir wollen daher



im weiteren annehmen, daß keiner der beiden Fälle vorliege. Wie leicht zu erkennen ist, zerfällt dann der außerhalb des Kreises  $k_{124}$  liegende Bogen des Kreises  $k_{123}$  in drei Teile:  $P_1P'_3$ ,  $P'_3P''_3$ ,  $P''_3P_2$  (Bild a); wenn dabei der Punkt  $P_3$  auf  $P_1P'_3$  liegt, so liegt der Punkt  $Q_4 \equiv P_1$  in dem Kreis  $k_{234}$ ; wenn der Punkt  $P_3$  auf  $P''_3P_2$  liegt, so liegt der Punkt  $Q_4 \equiv P_2$  im Kreis  $k_{134}$ ; wenn der Punkt  $P_3$  auf  $P'_3P''_3$  liegt, befindet sich  $Q_4 \equiv P_1$  innerhalb von  $k_{234}$  und  $Q_4 \equiv P_2$  innerhalb von  $k_{134}$ . Falls eins oder zwei von den drei oben genannten Teilbögen verschwinden (etwa wenn  $P_4P_2$  gerade eine Tangente an  $k_{123}$  ist, Bild b), ist die Antwort auch hierbei stets bejahend.