Die beiden Prinzipien Symmetrie und Homogenität treten sehr häufig auf, weshalb wir an dieser Stelle auf nachfolgende Aufgaben verweisen.

## U.3.3 Die Arbeitspferde: AM-GM und Cauchy-Schwarz

Die Struktur der AM-GM-Ungleichung (U.24) sowie der CAUCHY-SCHWARZschen Ungleichung (U.38) geben vor, welche Ungleichungen sich auf diese zurückführen lassen: Bezeichnen wir einmal Summen von irgendwelchen Termen mit  $\mathcal{S}$  und Produkte mit  $\mathcal{P}$ , so schreibt sich die AM-GM Ungleichung grob als

$$S \ge \mathcal{P}$$
 (Typ a)

und die CAUCHY-SCHWARZsche Ungleichung als

$$\mathcal{S}_1 \cdot \mathcal{S}_2 \ge \mathcal{S}_3^2$$
 (Typ b), oder  $\mathcal{S}_1 \ge \mathcal{S}_3^2$  (Typ c), oder auch  $\mathcal{S}_1 \ge \mathcal{S}_3$  (Typ d).

Typ c) geht dabei aus dem "Ur"typ b) hervor, wenn eine Summe auf der linken Seite zu einer Zahl entartet; Typ d) liegt hingegen bei  $S_2 = S_3 > 0$  vor und geht aus diesem durch Division von  $S_2$  hervor bzw. bei  $S_1 = S_2$ , so daß auf beiden Seiten die Wurzel gezogen werden kann. Hier ein Beispiel zu jedem Typ: