

W.33 Die Punkte Q und R liegen auf einem Kreis k . Von P werden die Tangenten PQ und PR an k gelegt. A liegt auf der Verlängerung von PQ ; der Umkreis von $\triangle PAR$ sei k' . Der Kreis k' schneide k wieder in B , AR den Kreis k im Punkt C . Man beweise, daß $\angle PAR = \angle ABC$ gilt.
(*Großbritannien, 1994*)

W.33 *Beweis:* (Bild) Die beiden Tangenten lassen vermuten, daß bei dieser Aufgabe der Sehnen-Tangentenwinkel-Satz eine Rolle spielt. Außerdem wimmelt es nur so an Peripheriewinkeln. Wir versuchen es also mit einer „Winkel-Jagd“, schreiben $\angle ABC$ als Differenz zweier anderer Winkel und wenden daraufhin die genannten Sätze an:

$$\begin{aligned}
 \angle ABC &= \angle ABP - \angle CBP \\
 &= \angle ARP - \angle PBC \\
 &= \angle RBC - \angle PBC \\
 &= \angle RBP \\
 &= \angle PAR. \quad \square
 \end{aligned}$$

